

2.1.4 Déterminer la position relative des cercles

$$\gamma_1 : x^2 + y^2 - 16x - 20y + 115 = 0 \quad \text{et} \quad \gamma_2 : x^2 + y^2 + 8x - 10y + 5 = 0$$

γ : gamma

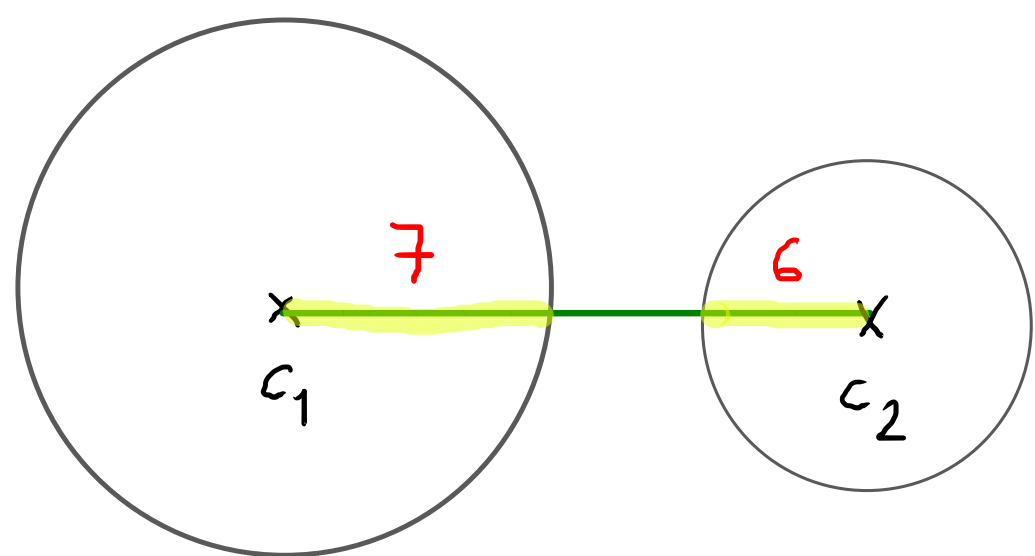
Γ : gamma majuscule

$$(\gamma_1) : (x - 8)^2 + (y - 10)^2 = 49$$

$$C_1(8; 10), \quad r_1 = 7$$

$$(\gamma_2) : (x + 4)^2 + (y - 5)^2 = 36$$

$$C_2(-4; 5), \quad r_2 = 6$$



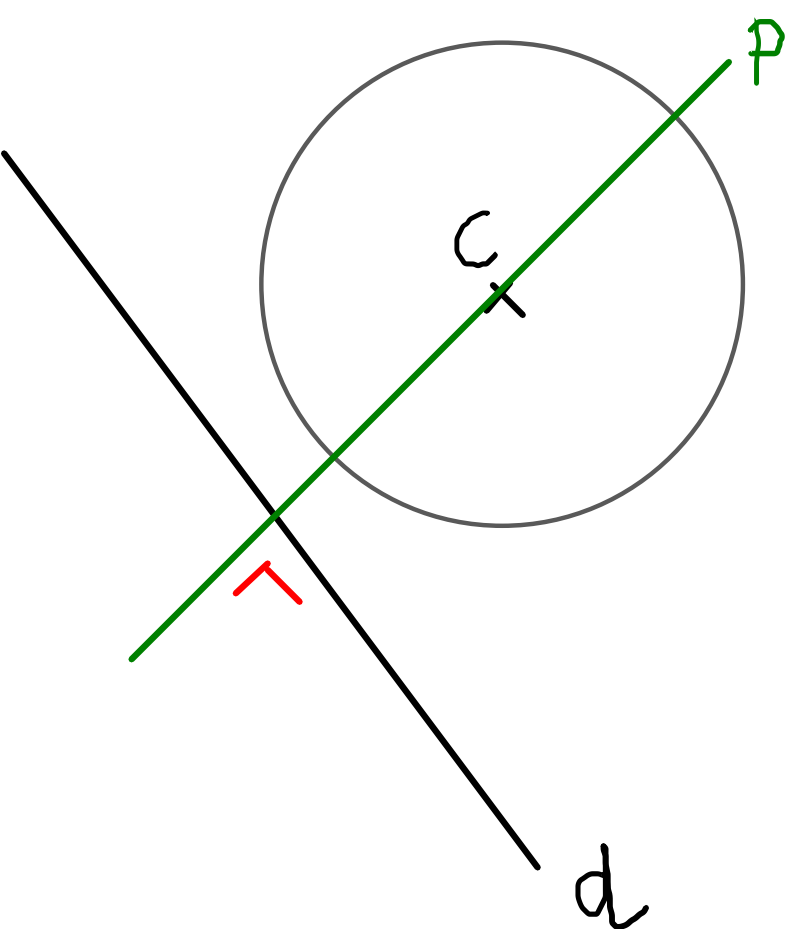
1) Calculons la distance C_1C_2

$$\vec{C_1C_2} = \vec{OC_2} - \vec{OC_1} = \begin{pmatrix} -4 \\ 5 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 8 \\ 10 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -12 \\ -5 \end{pmatrix}$$

$$\|\vec{C_1C_2}\| = \sqrt{(-12)^2 + (-5)^2} = 13$$

Les cercles sont tangents extérieurement.

2.1.5 Déterminer l'équation du diamètre du cercle $x^2 + y^2 + 4x - 6y = 17$ qui est perpendiculaire à la droite $5x + 2y = 13$.



- $(\mathcal{C}_1) : (x + 2)^2 + (y - 3)^2 = 30$

$$C(-2; 3), \quad r = \sqrt{30}$$

- $(d) : 5x + 2y - 13 = 0$

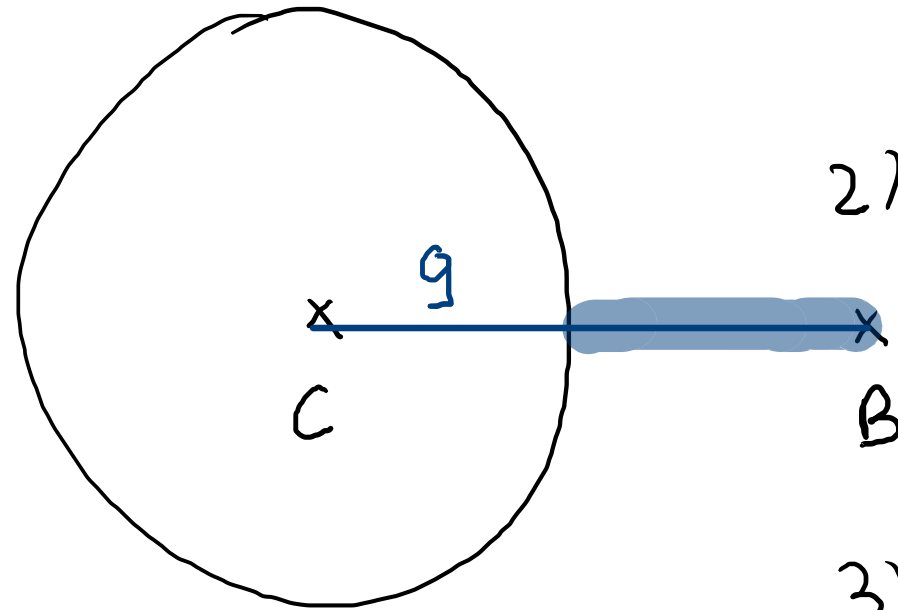
- Déterminons la perpendiculaire à d passant par C

$$(p) : 2x - 5y + k = 0$$

$$C(-2; 3) : -4 - 15 + k = 0 \Rightarrow k = 19$$

La droite cherchée : $2x - 5y + 19 = 0$

2.1.6 Calculer la plus courte distance d'un point du cercle $x^2 + y^2 - 26x + 30y = -313$ au point $B(3; 9)$.



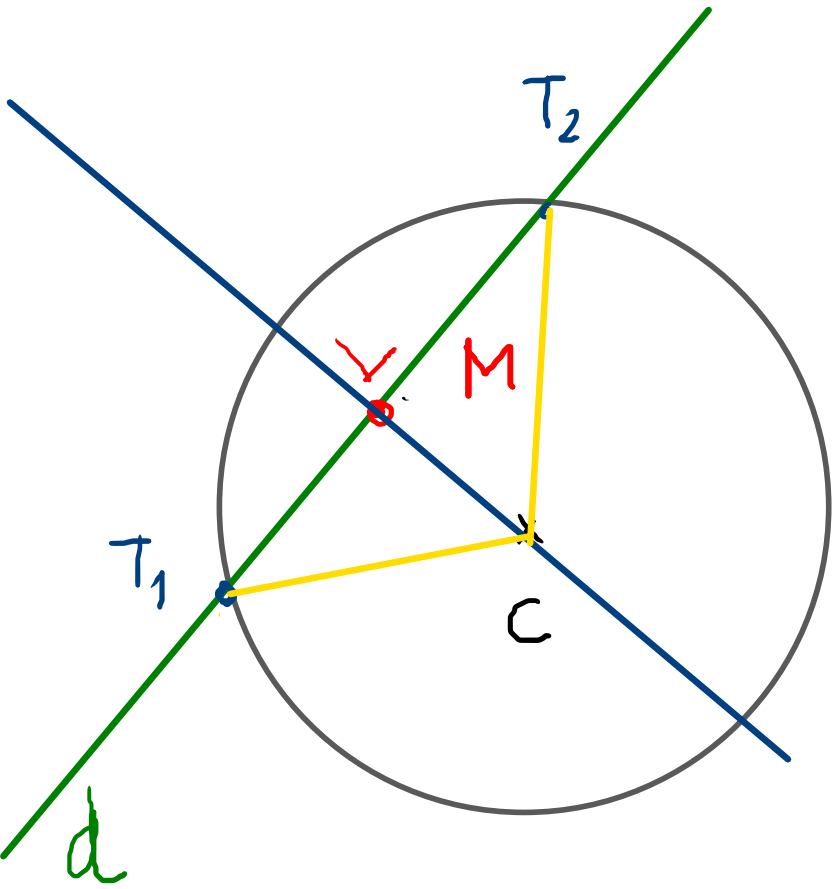
1) Cercle $C(13; -15)$, $r = 9$

2) $\vec{BC} = \begin{pmatrix} 10 \\ -24 \end{pmatrix}$ $\|\vec{BC}\| = 26$

3) $\|\vec{BC}\| - r = 26 - 9 = 17$

La plus courte distance entre B et le cercle est égale à 17

2.1.7 Déterminer l'équation du diamètre du cercle $\gamma : (x-2)^2 + (y+1)^2 = 25$ qui passe par le point milieu de la corde de support $d : 2x + y = 13$.



1) Cercle : $C(2; -1)$ et $r = 5$

2) $(d) : 2x + y - 13 = 0$

$$\text{distance}(d, C) = \frac{|2 \cdot 2 - 1(-1) - 13|}{\sqrt{5}} = \frac{8}{\sqrt{5}} < 5$$