

Probabilités

Une expérience aléatoire est une expérience qui possède les deux propriétés :

- on ne peut pas prédire avec certitude le résultat de l'expérience
- on peut énumérer, avant l'expérience, tous les résultats possibles

Exemples

- 1) Lancer une pièce de monnaie
- 2) Jeter un dé "équilibre"
- 3) Choisir au hasard une carte dans un jeu de cartes

L'univers d'une expérience aléatoire est l'ensemble U de tous les résultats de cette expérience aléatoire.

$$1) \quad U = \{ P, F \}$$

$$2) \quad U = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$$

Soit U l'univers d'une expérience aléatoire,

Un événement est un sous-ensemble de U .

\emptyset est l'événement impossible.

U est l'événement certain.

1) $U = \{P, F\}$

$$A = \{P\}, B = \{F\}, U = \{P, F\} \quad \emptyset$$

2) $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

$$A = \{2, 4, 6\} \quad A = \text{"obtenir un nombre pair"}$$

3) On lance deux dés et on additionne les faces :

$$U = \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12\}$$

$$A = \text{"obtenir un total de 13"} \quad A = \emptyset$$

Un événement qui ne peut se réaliser que d'une seule manière est un événement simple (ou élémentaire).

Sinon il est composé.

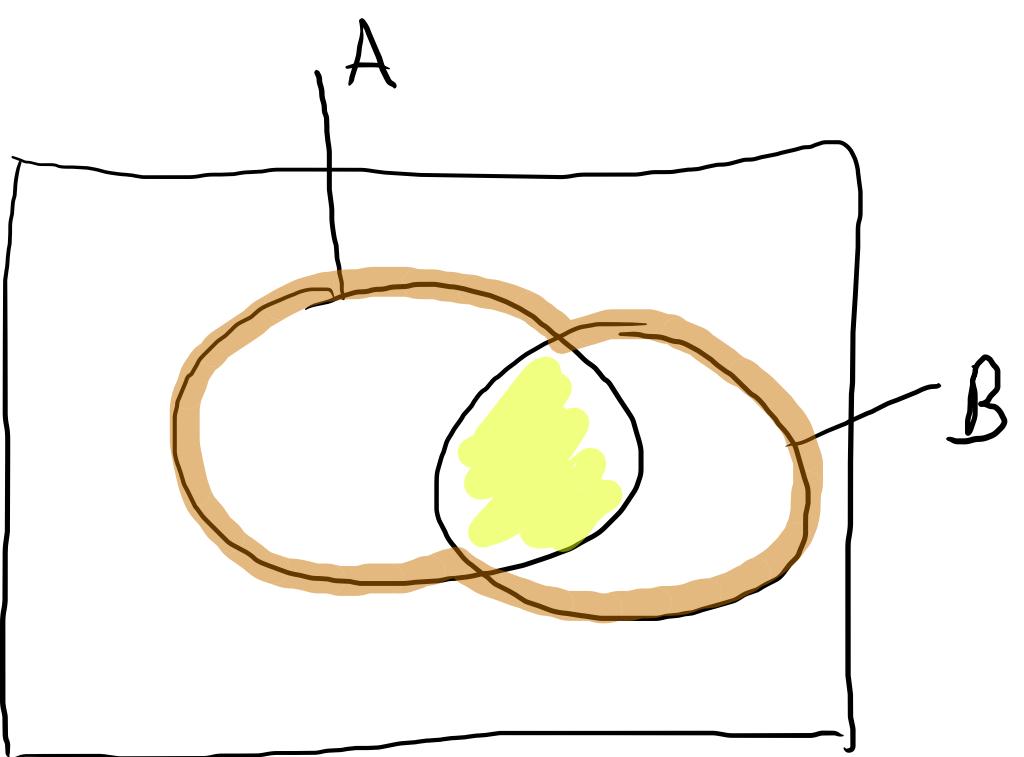
Soit U l'univers d'une expérience aléatoire, A et B deux événements.

L'événement non A ou \bar{A} est l'événement complémentaire.

L'événement A et B est réalisé lorsque les événements A et B sont réalisés simultanément : $A \cap B$.

L'événement A ou B est réalisé : $A \cup B$

Deux événements sont incompatibles s'ils ne peuvent pas se réaliser simultanément. $A \cap B = \emptyset$



$A \cap B$

$A \cup B$